



(الرياضيات البحتة)
الصف الثاني الثانوي

الترم الثاني - الدرس الاول

المتتابعات

(شرح)



المتتابعة المتنهية والمتتابعة غير المتنهية:

المتتابعة المتنهية: هي متتابعة عدد حدودها أي لها عدد محدود من العناصر.

المتتابعة غير متنهية: هي متتابعة عدد حدودها غير متنهية أي لها عدد لا زهائى من العناصر.

مثال ١



بيان اي المتتابعات الآتية متنهية وغير متنهية:

(١) $2, 5, 8, 11, \dots$ (حيث $h_n = 2n - 3$ ، $n \in \mathbb{N}$)

(٢) $\left\{ \frac{1}{n}, 1, 2, 3, \dots \right\}$ (حيث $h_n = \frac{(-1)^n}{n}$ ، $n \in \mathbb{N}$)

الحل



الحد العام للمتتابعة:

يرمز للحد العام للمتتابعة بالرمز h_n ويسمى أحياناً بالحد النوني حيث h_n هو صورة العنصر الذي ترتيبه n في المتتابعة ويمكن استنتاجه من خلال بعض الحدود المعطاة من المتتابعة وذلك بادراك العلاقة بين قيمة الحد h_n ورتبة الحد n



اكتب الحد العام لكل من الممتتالات الآتية:

(٣)

$$\left(\dots, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{8}, \frac{1}{16}, \dots \right)$$

(١)

$$\left(\dots, 2, 4, 6, 8, \dots \right)$$

(٢)

الحل



مثال ٣

اكتب الحدود الخمسة الاولى من المتتابعة u_n

١) $u_1 = 5$ حيث $n \leq 1$ واكتب الحد العام للمتتابعة

٢) $u_1 = 2$ ، $u_2 = 1$ ، $u_3 = 0$ ، $u_4 = -1$ ، $u_5 = -2$

٣) $u_n = \frac{1 - (-1)^n}{3 + 2n}$

المتتابعة التزايدية - التناقصية - الثابتة



تعريف:
لكل $n \leq 1$

- تسمى المتتابعة (u_n) **تزايدية** اذا كان $u_{n+1} > u_n$ أي: $u_{n+1} - u_n > 0$
- تسمى المتتابعة (u_n) **تناقصية** اذا كان $u_{n+1} < u_n$ أي: $u_{n+1} - u_n < 0$
- تسمى المتتابعة (u_n) **ثابتة** اذا كان $u_{n+1} = u_n$ أي: $u_{n+1} - u_n = 0$



مثال ٤

بين أي المتتابعات (ع_n) الاتية تزايدية وابها تناقصية وابها غير ذلك:

$$(ع_n) = (2 - 3^n) \quad (1)$$

$$(ع_n) = \left(\frac{1}{1 + 2^n} \right) \quad (2)$$

$$(ع_n) = \left(2 + \frac{(-1)^n}{n} \right) \quad (3)$$

$$(ع_n) = (5) \quad (4)$$

حل



الجواب



أوجد الحد العام للمتتابعة $(9, 12, 17, 21, \dots)$ ثم أوجد

(١) $ع_٧$ في المتتابعة

(٢) رتبه الحد الذي قيمته ٦٥ في المتتابعة

حل



الموحد

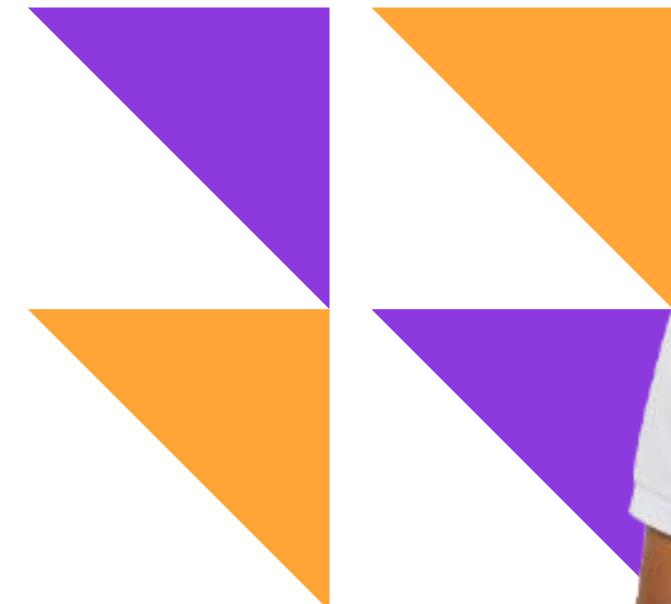
ذاكر كل الموارد على



المحتوا

سواء بتذاكر لوحدك أو بترابع قبل الامتحان ...

هتلaci كل اللي محتاجه عندنا، في مكان واحد



www.Elmohtwa.com



+201001883019